

اتجاهات حديثه في بحوث استراتيجيات حل المشكلة

في تدريس الرياضيات

د. حسن على سلامه

مدرس المناهج وطرق تدريس الرياضيات

كلية التربية بسوهاج - جامعة أسيوط

١٩٨٥ م

ملخص

ان استراتيجيات حل المشكلة تمثل مركز الاهتمام في معظم بحثه في تدريس الرياضيات مع نهاية القرن العشرين .

وتهدف هذه الدراسة إلى القاء الضوء على المفهوم الحديث لحل المشكلة في دروس الرياضيات ثم التعريف ببعض الاستراتيجيات العامة والمعينة في تدريس حل المشكلة .

وبعد ذلك ينماذج البحث الحالى بعض الاتجاهات الحديثة في بحثه في استراتيجيات حل المشكلة ذاكرا بالتفصيل طريقة البحث العلمي في هذه الناحية وحدود تلك البحوث والمسلمات الأساسية التي قامت عليها ، ثم يخلص هذا البحث إلى أن معظم الدراسات الحديثة في بحوث استراتيجيات حل المشكلة تتجه الان إلى قياس قدرات الأفراد ومسارات تفكيرهم عند قيامهم بحل المشكلة .

اتجاهات حديثة في بحوث استراتيجيات

حل المشكلة في تدريس الرياضيات

لقد جاء في التوصية الأولى للمهيئة القومية الأمريكية لتدريس

(NCTM, 1980) الرياضيات

حول توصيات هذه الهيئة للرياضيات المدرسية في مرحلة الثمانينات أن

(Problem solving must be the focus of school Mathematics in 1980's)

والمترجمة الحرافية لهذه التوصية تقول ان حل المشكلة يجب أن يكون محور امراضيات المدرسية في مرحلة الثمانينات وباعتبار أن هذه الهيئة هي أكبر هيئة أمريكية لتدريس الرياضيات فماهى لا أحد ابلغ من هذه التوصية دلالة على مدى أهمية حل المشكلة في تدريس الرياضيات .

ونهدف من وراء دراستنا هذه الى القاء الضوء على آخر الابحاث العلمية في جانب واحد من جوانب حل المشكلة في تدريس الرياضيات وهو الخاص باستراتيجيات حل المشكلة واتجاهات البحث المستقبلي في هذه الناحية .

مفهوم المشكلة :

على الرغم من ظهور تعريفات جديدة عديدة لمفهوم المشكلة في

تدريس الرياضيات إلا أن اغلبية البحوث الحديثة قد عادت واستخدمت مفهوم بوليا

(Polya, 1945, 1962, 1963) رائد حل المشكلة في عمرنا ومن هو علاء الباحثين نجد (Wheatley, 1980, schoenfeld, 1979, Days, 1978, Webb, 1975, Dalton, 1975, Kantowski, 1975, and Hollander, 1974)

ونظرًا لأهمية هذا المفهوم ولأنه يخبر عن وجدية نظرنا فاننا سنسرد
بعض كلمات بوليا (Polya, L1945) في هذا الخصوص وهي :-

To have a problem means :

To search consciously for some action appropriate to
obtain a clearly conceived but not immediatly attainable
aim" (P. 117).

وهذا يعني باختصار شديد ان اى فرد يكون في موقف مشكل (او في
مشكلة) اذا كان لديه هدف يريد الوصول اليه ولديه من الدوافع ما يمكنه
من البحث الواقع للوصول الى هذا الهدف والاستمرار فيه ولكن ولو موقتا
يوجد بعض العوائق التي تمنعه من الوصول بسرعة الى الهدف يجب التخلص
عليها .

وعلى الرغم من عمومية هذا المفهوم للمشكلة الا انه يعبر اصدق
تعبير عن معنى ان يكون الفرد في مشكلة ولكن يقصر الباحثون هذا
المفهوم على مشكلات رياضية فقد اضافوا اليه بعض المحددات التي منها :-

١ - يجب ان تكون المشكلة ذات دلالة رياضية ، فلا بد للمشكلة ان تتضمن
معلومات رياضية وتخدم هدفا في تدريس الرياضيات وتحقق نتائج
للمتعلم تبرر الجهد والوقت في الوصول الى حلها .

٢ - يجب ان تكون المشكلة مثيرة لاهتمام الحتملسم حتى تخلق لديه الدافع
للبحث عن حلها .

٣ - ان يكون للمشكلة ابىشر من طريقة للوصول الى الحل ومن ثم فانه
تتيح فرصا متعددة لمستويات الطلب المختلفة للبحث وايجاد الحل كما
حسن قدراته .

٤ - يجب ان تتضمن المشكلة امكانية تعميمها اصولا ابىشر شمالية ومن ثم
يمكن ان الوصول الى تكوينات رياضية ابىشر عمومية من المشكلة موضوع

الدراسة تشيرى المعرفة الرياضية ذاتها خاصة وان تاريخ الرياضيات ذاته يمكن اعتباره تاريخ لحل مشاكل .

٥ - يجب أن يكون حل المشكلة في حدود امكانية المتعلم والا فسوف يصاب المتعلم بالاحباط من محاولاته التي لا تصل به الى أي مكان قريب من الحل .

ولمزيد من التفاصيل حول هذه السقطات الخمس راجع نيلسون وغييركباترك، (Nelson, D. & Kilpatrick, 1975) .

حل المشكلة :

يتضمن حل اي مشكلة رياضية ضمن ما يتضمن مجموعتين رئيسيتين من العوامل هما :-

- أ - المعرفة العقلية
conceptual Knowledge
Strategies for solution
- ب - استراتيجيات للحل

والمجموعة الاولى والتي تسمى بالمعرفة العقلية يتضمن كل من "Principles" و "concepts" و "الحقائق" و "المفاهيم" "Facts" و "القوانين" أو "قواعد" "Algorithms" و "الطرق الرياضية" "General strategy" و "استراتيجية الاعداد" "Helping strategy" .

أما المجموعة الثانية من العوامل المرتبطة بحل المشكلة فهي المتعلقة بالخطوات أو العمليات التي يقوم بها الفرد مستخدما معارفه الفعلية للوصول الى حل المشكلة وتشتمل هذه المجموعة من العوامل بالاستراتيجيات ويوجد نوعان من الاستراتيجيات هما الاستراتيجية العامة بالاستراتيجيات و الاستراتيجية المعينة أو المساعدة "General strategy" و "Helping strategy"

والاستراتيجية العامة هي خطة مشمولة محددة المعالم مصممة للوصول إلى حل المشكلة ومن الاستراتيجيات العامة لحل المشكلة في مجال تدريس الرياضيات نجد :

- | | |
|-------------------------|------------------------------|
| Trial & error | ١ - المحاولة والخطأ |
| Organized listing | ٢ - القائمة المنظمة |
| Simplification | ٣ - التبسيط |
| Searching for a pattern | ٤ - البحث عن نمط |
| Experimentation | ٥ - التجربة |
| Deduction | ٦ - الاستدلال |
| Computation Solution | ٧ - الحل العددي (الحسابي) |
| Working backwards | ٨ - العمل من النهاية للبداية |

أما الاستراتيجية المعينة أو المساعدة فهي خطوات وسيلة يستخدمها الباحث عن حل المشكلة في اثمار استخدامه للخطة العامة كمعين أو كمساعد له في الوصول إلى الحل ومن الاستراتيجيات المساعدة نجد :

- | | |
|-----------|---------------|
| Diagrams | ١ - الرسم |
| Tables | ٢ - الجداول |
| Graphs | ٣ - الاشكال |
| Lists | ٤ - القوائم |
| Equations | ٥ - المعادلات |

ومن خلال الاطلاع على البحوث في هذا الميدان نجد ان مفهوم الاستراتيجية قد استخدم ليعنى مجموعة من المخطوطة العامة التي يتبعها الباحث للوصول إلى حل المشكلة قد تتضمن استراتيجيات عامة أو استراتيجيات معينة ولعمري قد من التفصيل عن أنواع تلك الاستراتيجيات واستخدامها في حل مشكلات

رياضية أرجع الى لا بلانك (Leblanc, 1977)

فبعد ان اتجهت البحوث في الماضي نحو المعرف العقلية الازمة لحـاـ
المشكلة فـان المطلع على آخر ابحاث حل المشكلة في تدريس اـريـامـيـات يجد
انها تتجـة نحو دراسة استراتيجيات الافراد لحل المشكلات او الى دراسة
علاقة الاستراتيجيات المستخدمة بالمعارف العقلية الازمة للحل .

مـلـامـاـت :

تقوم معظم البحوث في هذه الناحية (استراتيجيات الافراد في حل
المشكلة) على مسلمة اساسية وهي ان حل المشكلة عبارة عن فعل او اداء بـنـائـيـاـ
يقوم به الفرد مستخدما بعض استراتيجيات الحل "Constructive Act"
مع اعتبار ان الفعل هنا قد يكون احد او كـلـ من فعل حركي عـضـليـ ، عـقـلىـ ،
وـحدـانـىـ شـعـورـىـ) .

العـدـوـىـ :

ان معظم البحوث في هذه الناحية تتبع مجموعة من الحدود الفرديـةـ
الـتـىـ يـنـبـغـىـ لـايـ باـحـثـ انـ يـضـعـهـاـ فـىـ اـعـتـبـارـهـ عـنـدـ اـسـتـخـدـمـاـ لـنـشـائـجـ تـلـمـيـزـ
الـبـحـوـثـ وـالـتـىـ مـنـهـاـ بــ

- ١ - عدد طلاب عينـاتـ الـبـحـوـثـ مـحـدـودـ نـظـراـ لـطـبـيـعـةـ الـبـحـثـ وـمـنـ ثـمـ يـمـعـبـ
ـتـعـيمـ النـسـائـجـ .
- ٢ - ان الفصل بين المعرف العقلية والاستراتيجية المستخدمة للرسـمـىـ
ـلـحلـ صـعـبـ انـ لمـ يـكـنـ مـسـتـحـيلـاـ مـنـ وـجـةـ نـظـرـ الـقـيـاسـ .
- ٣ - ان التحصيل في بعض اختبارات اـريـامـيـاتـ المـقـنـنـةـ يـعـتـبرـ مـقـيـاسـاـ
ـلـمـعـارـفـ العـقـلىـ لـلـمـعـلـمـ .

فريدة البهسي:

تستخدم غاية البحث في هذه الناحية طريقة التفكير بالصوت العالى The thinking a loud procedure رياضية ذات خصائص معينة تعرى فى جلسات فردية one-to-one بين المتعلم ومن يقوم باجراء المقابلة ويطلب فيها من المتعلم ان يفكر بصوت عالى اثناء حله لاي من تلك المشكلات ويتم تسجيل كل خاتمة أو خطوة يقوم بها المتعلم على اشرطة كاسيت او فيديو كاسيت بطريقة لاتشوتت الانتباه المتعلم اثناء قيامه بحل المشكلة ثم يتم بعد ذلك تحليلا اداء المتعلم اثناء حلهم لتلك المشكلات باستخدام وسائل اداء الافراد اثناء حل المشكلة ومن اشهر مقاييس الاداء فى حل المشكلة مقاييس كلوباترك Kilpatrick والذى اعاد تنقية وتقنية واستخدامه ديز وزملائه (Days, wheatley, & Klum 1979) استخدمة فى دراسة ويتللى (Weatley, 1980) ولمزيد من التفصيل ارجع الى الملحق (١) وهو يتضمن استماراة تقويم خاصة بهذا النموذج فى قياس اداء المتعلمين فى حل المشكلة .

عيينة من بحوث استراتيجيات حل المشكلة:

فى دراسة ممتعة لويب (Webb, 1975) درس فيها علاقة كل من المعلومات العقلية واستراتيجية الحل فيما يتعلق بحل مجموع مختارة من مشكلات رياضية لطلاب المرحلة الشانوية وقد وجد ان هذين العاملين يؤثرون كل منهما فى الآخر ويؤثران بالاتجاه فى اداء المتعلمين فى حل المشكلة وان الاتباع بين افراد مجموعات التجربة فى ادائهم عند حل المشكلة يرجع الى درجة كبيرة الى مثل هذين العاملين وهذا يعني انه من الضروري اعتبار عامل الاستراتيجية الذى يستخدمها الفرد مع عامة المعرفة العقلية عند تدريس اى اسلوب لحل المشكلة فى تدريس الرياضيات الا ان هذه الناحية من البحث فى تدريس الرياضيات فى حاجة ماسة الى

مزيد من البحث العلمي من جانب المختصين بميدان حل المشكلة .

أما دراسة كرتوتسكي Krutetskii 1967 فقد وجد اختلافاً دادلاًة احصائية بين بعض قدرات المتعلمين وبين استراتيجياتهم لحل المشكلة وهذه القدرات هي :-

- ١ - القدرة على تمييز المعرف الممتصلة بالحل من تلك غير ذات الأهمية .
- ٢ - القدرة على استيعاب التكوين الكلى الصحيح للمشكلة بسرعة ودقة .
- ٣ - القدرة على تعميم الحل للتوصيل إليه على مدى واسع من مشكلات رياضية مشابهة للمشكلة الأصلية .
- ٤ - القدرة على تذكر التكوين الكلى للمشكلة على مدى زمني بعيد .

وعلى ذلك فنتحقق أن نفرق بين المطالب الجيد والمطالب الفعيل في حل مشكلات رياضية لو امكن لنا تحديد اي من هو لإلء الطلاب يتمتع مثـاـ تلك القدرات السابق الحديث عنها وبذلك يمكن القول بأن من لديه مثل هذه القدرات يتمتع بقدرة معينة على استخدام استراتيجيات ناجحة في الوصول إلى حل المشـكلـة .

أما دراسة شونفيلد Schoenfeld 1979 فقد حاوا، دراسته اثر تدريس مجموعة من خمس استراتيجيات محددة، يمكن ان تساعده في حل مجموعة مختارة من مشكلات رياضية على سلوك مجموعة من طلاب جامعة كاليفورنيا بمدينة بيركلي وبذلك معرفة اداء مجموعة مشابهة من هو لإلء الطلاب في حل نفس المشكلات التي عرفت على المجموعة الأخرى ولكن لم تدرس مثل تلك الاستراتيجيات الخمس وأما المهدف الثالث لهذه الدراسة فهو معرفة الفرق بين اداء مجموعة التجربة فيما يتعلق بسلوكهم في حل المشكلات المختارة ونظرًا لأهمية هذه الدراسة فائنى سأذكر الاستراتيجيات الخمس التي قدمها شونفيلد في دراسته وهي :-

- (١) ارسم شكلًا توضيحيًا للمشكلة كلما أمكن .
- (٢) اذا عرضت لك مشكلة ذات متغيرات ثونية ابحث عن طريقة الاستنتاج وجميل المشاكل ذات المتغيرات الثونية التي ذكرت في هذه الدراسة ايجاد مجموع المتسلسلة : $\frac{1}{1} + \frac{1}{2x^2} + \frac{1}{4x^3} + \dots + \frac{1}{n(n+1)}$
- (٣) استخدام طريقة البرهان الغير مباشر في حالة عدم وضوح البداية التي يمكن ان تقوم بها مثال "اثبات لانهائية الاعداد الاولية".
- (٤) انظر الى المشكلة مع استبعاد بعض المتغيرات في حالة المشاكل ذات المتغيرات العديدة ثم حل تلك المشكلة البسيطة ثم ارجع الى المشكلة الاصلية لعل ذلك يعينك في الوصول الى الحل .

مثال لهذه الحالة :-

اذا كان A, B, C, D اثبت ان :

$$(A-B)(A-C)(A-D) = A-B-C-D$$

والحالة البسيطة لهذه المشكلة اذا كان A, B, C

اثبت ان $(A-B)(A-C) = A-B-C$

- (٥) اختبر اهدافا جزئية بدل الاهداف اغائية (النهائية) في بداية حلك للمشكلة بمعنى هل يمكن لي ان اصل الى جزء من الحل المطلوب ومن ثم يمكن التحرك الى الحل الكلى للمشكلة او هل ممكن اختصار المشكلة ومن ثم يمكن لي ان احل هذه المشكلة المختصرة وبعد ذلك احل المشكلة الاصلية .

بمعنى آخر ان الباحث في هذه الاستراتيجية يختار اهدافا جزئية Subgoals) يحقق منها النجاح وتعطيه بعض الدلالات على شكل الحل النهائي وهكذا .

وقد توصل الباحث الى انه لكي نعلم المتعلم استراتيجية معينة فـي حل المشكلة ونتوقع منه ان يستخدمها فـانه ينبغي لنا ان نقتصر على تعليمـه فقط ولكن علينا ان نعلمـه ايضا متى يستخدم مثل هذه الاستراتيجية اي آن

تعلم المتعلم لاستراتيجية معينة لا يعني بالضرورة قيامه باستخدامها في حل المشكلات وانه عندما يتم تحديد واختيار استراتيجية معينة ويعرف المتعلم متى يستخدمها فان ذلك يكون له نتائج باهرة ويعرف الباحث في نهاية بعدها وضوح نتائج بحثه بصورة قاطعة وان الطريق طريل لمعرفة الحقيقة حول اثر تعلم الاستراتيجية على اداء حل المشكلة وهل هناك استراتيجيات بذاتها شافعة لتنوع ما من المشكلات ولا تنفع مع غيرها من المشكلات الاخرى ؟ وفي دراسة اخرى قام ويتنى (Wheatley, 1980) باستخدام استراتيجيات معينة مع مجموعتين من تلاميذ المرحلة الابتدائية (الصف السادس) ودرس اثر استخدام الالات الحاسبة على اداء المتعلمين في حما بعض مشكلات رياضية مستخدمين الاستراتيجية التي درسها لهم حل المشكلات حيث درست المجموعتان وحدة في :- الجمع - الطرح - الغرب - والقسمة مما تدرب يوما ولمدة ستة اسابيع على استخدام الات الحاسبة في حين لم يسمح للمجموعة الاخرى بذلك وقد وجد الباحث ان مجموعة الالات الحاسبة قامت بحل عدد اكبر من المشكلات بنسبة ١٠٪ على المجموعة الاخرى وان هناك ١٥٪ مهارة حل مشكلة طبقا لمقاييس كليباترك (ملحق ١) تم القيام بها في مجموعة الالات الحاسبة بالمقارنة بـ ١٠٤ للمجموعة الثانية وان هناك مهارات معينة اتقنتها مجموعة الالات الحاسبة بالمقارنة بـ مجموعة الاخرى ومن هذه المهارات التي ظهر فيها اكبر فرق نجد :-

المجموعة الثانية	مجموعة الالات الحاسبة	بعض مهارات حل المشكلة
٣٠	٣٩	أ - ابدية افكار خلاقة
٦	١٠	ب - يقوم بتقريب صحيح للمشكلة
١٧	٢١	ج - يختار حل على اساس غير صحيح
٥	١٧	د - يراجع حالات وظروف الحل مع المشكلة
		ه - يراجع خطوات الحل و مدى صحتها

وهذا يعني ان استخدام الالات الحاسبة في المرحلة الابتدائية اثر فى اداء التلاميذ لحل بعض مشكلات رياضية لو كان هناك استراتيجية معينة فى حل مثل تلك المشكلات ونظرًا لأهمية الاستراتيجية المتبعة في هذه الدراسة فاننا نوردها هنا بالتفصيل :-

- ١ - اقرأ المشكلة بدقة .
- ٢ - اعد صياغة المشكلات بلغتك انت .
- ٣ - قسم المشكلات الى عناصرها وحددهما هو المعطى وما هو المطلوب ؟
- ٤ - حاول الوصول الى الحل بالتقريب .
- ٥ - حاول استخدام طريقة اخرى للحل لو فشلت طريقتك الاولى .
- ٦ - ابحث عن تنظيم ما او قاعدة معينة من خلال ملاحظة شكل النتائج .
- ٧ - صمم قائمة بما حصلت عليه من نتائج .
- ٨ -نظم النتائج في جدول .
- ٩ - حاوا استخدام جميع المعلومات المتاحة لك .
- ١٠ - اكتب جملة او صيغة رياضية للمشكلة .
- ١١ - راجع المحلول والمشكلة .

وختاماً نعرض بسرعة لمجموعة اخرى من البحوث درست علاقة العمر من استراتيجية حل المشكلة المستخدمة منها .

(Leskow & smock, 1970, Neimark & Lewis, 1967, 1968, and Yudin, & Kates, 1963) ;

أوضح الباحثون ان هناك علاقة بين العمر والاستراتيجية المستخدمة في حل المشكلة وان هناك علامة مميزة عند سن (١١ - ١٣) سنة يقوم فيها المتعلمون باستخدام استراتيجيات مختلفة عن ذي قبل في حل مشكلات رياضية وتتمضى هذه الدراسات لتتقرّج وجود مجموعة من العوامل تؤثّر في اختيار الأفراد لاستراتيجيات معينة في حل المشكلة ومدى شجاعتهم في استخدام تلك الاستراتيجيات للحل وهذه العوامل هي :-

- أ - الخبرة الرياضية السابقة .
- ب - العمر الزمني للمتعلمين .
- ج - التكوين العقلي (حس حركي - تجريدي)
- د - التحصيل الرياضي .

وفي جانب من البحوث نجد ان بعض الباحثين درسو طبيعة المشكلات ذاتها على استراتيجيات الافراد لحل تلك المشاكل بمعنى هل المشكلة الصعبة يستخدم فيها المتعلم استراتيجية مختلفة عن تلك الاستراتيجية التي يستخدمها في حل المشكلة السهلة وفي هذا الشأن وجدنا تصنيفات متعددة للمشكلات من ناحية المحتوى Content (سهل - معن) أو البناء الرياضي Mathematicql structure (معقدة - بسيطة) أو من ناحية المفهوم Context (مهمة - غير مهمة) وانه كلما كانت المشكلة من تكوين مركب استخدم العديد من استراتيجيات الحل .

(Dalton, 1975. Gray, 1970. & Dodson, 1971)

وخلال القول نقول ان ميدان البحث فى استراتيجيات حل المشكلة وسلوكيات او اداءات الافراد اثناء الحل قد لاقت الكثير من الاهتمام فى الاونة الاخيرة واحيرت الكثير من الدراسات والبحوث وان كانت كما اوضحتها ما هي الابدائيات وان هذا الميدان يعتبر ميدانا خصبا للفایة لجميع المهتمين بحل المشكلة خاصة فى تدريس الرياضيات فى وقتنا الحاضر ان اردنا معايرة البحث العلمي التربوى الحديث .

ملحق (١)

استماراة تقويم اداء اثناء حل المشكلة في تدريس البرياتيات

رقم التلميذ :	زمن حل المشكلة :
رقم المشكلة :	تاريخ الجلسة :

(١) فهم المشكلة

- يقرأ المشكلة
- يقوم بمراجعة روتينية
- يعيّد حبياغة المشكلة بلغته
- يراجع حالات وظروف الحل مع المشكلة
- يفصل مكونات المشكلة وعنصرها
- يراجع خطوات الحل ومدى صحتها
- يوعد بعض المحاولات
- يستخدم طريقة أخرى للحل
- الاستطلاعية لامكانية الحل
- يستخدم رموز معينة
- يتساءل عن مدى مناسبة الحل للمشكلة
- يرسم شكلاً أو رسماً توضيحيًا
- يقارن الحل ببعض الحلول الأخرى
- يعد قائمة بنتائج محاولات الحل

(٥) تعليق حول الحل

(٢) تذكر معايير

- تذكر مفاهيم علاقية
- تذكر مشاكل علاقية
- تذكر طرق حل علاقية
- استئلة حول وجود حل للمشكلة من عدمه
- استئلة حول وجوب حل المشكلة
- استئلة حول وجاذبية الحل
- استئلة حول ضرورات الحل (ضروري/كافى)
- يوضح عدم امكانية السؤال
- يقول "لا أعرف كيف أحل هذه المشكلة"

(٣) العدد (٦) الخطاء رياضيّة

- يستخدم الاستنباط (إذا ... ، ... ، ... ، ... ، ...)
- يسيء تفسير المشكلة
- حسابات رياضيّة
- يختار حلاً على أساس غير صحيح
- لديه أفكار خلائقه
- يقوم بتقريب صحيح للحل
- يخمن

تعليق

REFERENCES

- 1) Dalton, R.M.:Thinking pattern in solving certain work problems by ninth grade general mathematics students: An exploratory study in problem solving (Doctoral dissertation, University of Tennessee, 1974). DAI, 1975, 35, 5526B.
- 2) Days, H.C.:The effects of problem solving structure on the process used by concrete-and formal-operational students to solve verbal mathematics problems(Doctoral dissertation, Purdue University, 1977). DAI, 1978, 38, 6038A.
- 3) Days, H.C.,Wheatley, G.H., and Kulm, G.:"Problem structure, cognitive level and problem solving performance".Journal For Research in Mathematics Education, vol.10, No.2, March 1979.
- 4) Dodson,J.W. Characteristics of successful insightful problem solvers(Doctoral dissertation, University of Georgia, 1970) DAI, 1971, 31, 5928A.
- 5) Gray,W.M.Children's performance on logically equivalent piagetian tasks and written tasks (Doctoral dissertation, The State University of New York at Albany,1970) DAI, 1970, 31, 2736A.
- 6) Hollander,S.K. Strategies of selected sixth graders and working verbal arithmetic problems (Doctoral dissertation, Hofstra University, 1973) DAI, 1974, 34, 628A.
- 7) Kantowski, E.L. Processes involved in mathematical problem solving (Doctoral dissertation, University of Georgia, 1974) DAI, 1975, 36, 2734A.
- 8) Kilpatrick, J.Analyzing the solution of work problems in mathematics; an exploratory study (Doctoral dissertation, Stanford University, 1967).DAI, 1968, 28, 4380A.
- 9) Krutetskii,V.A. The psychology of mathematics abilities in school children, J. Kilpatrick and I.Wirsup (Eds). Chicago: University of Chicago Press, 1976.
- 10) LeBlanc,J.F."You'can teach problem solving" Arithmetic Teachers, vol.25, No.2, Nov.1977.

- 11) Leskow, S. and Smock, C.D. "Developmental changes in problem-solving strategies: permutation." *Developmental Psychology*, 1970.
- 12) NCTM, National Council of Teachers of Mathematics, "An Agenda For Action: Recommendations for school mathematics of the 1980's." NCTM 1980.
- 13) Neimark, E.D. and Lewis, N. Development of logical problem solving strategies. *Child Development*, 1967, 38, 107-177.
- 14) Neimark, E.D. and Lewis, N.:Development of logical problem solving strategies;:A one year retest.*Child Development*, 1968, 39, 527-536.
- 15) Nelson, D. and Kirkpatrick, J. "Problem solving".Mathematics learning in early childhood. NCTM, 1975.
- 16) Polya, G. How to solve it. Princeton, N.J. Princeton University Press, 1945.
- 17) Polya, G. Mathematical discovery, (vols. I and 2). New York: Wiley, 1945 and 1962.
- 18) Schoenfeld, A.H. Can heuristics be taught? In J.C. Lochhead (Ed), Cognitive process inestruction, Philadelphia:Franklin Institute Press, 1979.
- 19) Webb, N.L. An exploration of mathematical problem solving processes(Doctoral dissertation, Stanford University,1975) DAI, 1975, 36, 2689A.
- 20) Wheatley, C.L. Calculator use and problem solving performance. Journal for Research in Mathematics Eucation, vol.II, No.5, Nov.1980.
- 21) Yudin, L.W. and Kates, S.:"Concept attainment and adolescent development".*Journal of Education Psychology*, 1963. 54, 177-182.