

أولاً : أجب عن السؤال الآتي :

[١] أ) ارسم منحنى الدالة : $D(s) = s|s+1|$ ، ومن الرسم استنتج مدى الدالة واطرادها ونوعها من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك .

ب) مجموع الحدين الثالث والخامس من متتابعة حسابية تزايدية يساوى ٢٤ ، ومربع حدها السادس يساوى ٣٢٤ . أوجد المتتابعة ، ثم أوجد مجموع العشرين حداً الأولى منها .

ثانياً : أجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يأتي :

[٢] أ) أوجد مجموعة الحل لكل من : (i) $3 = |2s+7|$

(ii) $0 = s - |3-s|$

ب) متتابعة هندسية حدودها موجبة ، وحدها الثانى يساوى ٦ ، وحدها الثالث يزيد عن حدها الأول بمقدار ٩ . أوجد مجموع الأثنى عشر حداً الأولى منها .

[٣] أ) حل المعادلة : $12 = 2^v + 2^{-v}$

ب) الوسط الحسابى لعددين يساوى $\frac{5}{3}$ وسطهما الهندسي ، وأصغر العددين ٩ .

أوجد العدد الآخر .

[٤] أ) حل المعادلة: $٥ - ٣ = ٢ - ٣$ مقرباً الناتج لرقم عشري واحد.

ب) أبحث الدوال الآتية من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك .

$$(i) د (س) = \frac{س^٢ جتا ٢س}{|س| + ٥}$$

$$(ii) د (س) = س|س| + جا س$$

[٥] أ) ارسم الشكل البياني للدالة: $د (س) = \frac{١}{٢ - س}$ ومن الرسم استنتج المدى

وابحث اطرافها .

ب) أثبت أن: $٣ لو٥ + ٢ لو١٤ - لو٤٩ + لو٢ = لو٢٥$

أولاً : أجب عن السؤال الآتى :

$$[1] \text{ أ) ارسم منحنى الدالة : د(س) = } \left. \begin{array}{l} \text{س}^2 + 1, \text{ س} \leq 1 \\ \text{س} - 3, \text{ س} > 1 \end{array} \right\}$$

ومن الرسم استنتج مداها وابحث اطرافها .

ب) ثلاثة أعداد فى تتابع هندسى مجموعها = ٧ ، وحاصل ضربهم = ٨ أوجد هذه الأعداد .

ثانياً : أجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يأتى :

$$[2] \text{ أ) حل المعادلة : } 6 = 2\text{س}^2 + 3\text{س} - 3$$

ب) ارسم الدالة : د(س) = 3 - |٢س| ومن الرسم استنتج مداها واطرافها وأثبت أنها زوجية ، ثم أوجد بيانياً مجموعة حل المعادلة : 3 - |٢س| = ١

$$[3] \text{ أ) إذا كان : د(س) = ٣س}^2 \text{ وكان د(٢ + ٢س) = ٤، د(١ + ٢س) = ٤}$$

فأوجد قيمة P .

ب) متتابعة هندسية جميع حدودها موجبة ، وحدها الأول يساوى أربعة أمثال حدها الثالث ، ومجموع حديها الثانى والخامس يساوى ٣٦ . أوجد المتتابعة ، ومجموع الأثنى عشر حداً الأولى منها .

[٤] أ) أوجد مجموعة حل المعادلة: $2|s-1| + s - 3 = 0$

ب) الوسط الحسابى للحددين الثالث عشر والخامس والعشرين من متتابعة حسابية يساوى ٢٨,٥ ومجموع الحدود التاسع عشر والعشرين والحادى والعشرين يساوى ٨٤. أوجد المتتابعة، ثم أوجد مجموع الحدود الموجبة منها.

[٥] أ) أثبت أن: $3 \log_2 3 - 4 \log_2 5 + 2 \log_2 \frac{25}{11} - 11 \log_2 3 = 3$

ب) إذا كان: لو ب وسطا حسابياً بين لو م، لو ح. أثبت أن ب وسطا هندسياً بين م، ح.

أولاً : أجب عن السؤال الآتي :

[١] أ) ارسم منحنى الدالة : $d(s) = \frac{1+s^2}{s}$ واستنتج من الرسم مجال ومدى الدالة واطرادها .

ب) (E_n) متتابعة هندسية فيها : $E_2 - E_1 = 12$ ، $E_5 - E_4 = 96$ ، أوجد المتتابعة ، ثم أوجد مجموع الثمانية حدود الأولى منها .

ثانياً : أجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يأتي :

[٢] أ) أوجد مجموعة حل المعادلات الآتية :

$$(i) \text{ لوه } (s+2) - \text{لوه } \frac{1}{1-s} = 70$$

$$(ii) \text{ لوه } s^2 - 3 = |s - 2| = 4$$

ب) إذا كان مجموع الحدين الثاني والثاني عشر من متتابعة حسابية ٦٤ ، وكان الحد السابع يزيد عن الحد الرابع بقدر ١٢ . أوجد المتتابعة ، ثم أوجد مجموع العشرين حداً الأولى منها .

[٣] أ) حل المعادلة : $3^{2-s} = 11^{s-1}$

ب) إذا كانت : $d(s) = 2 - s = 1$

$$\text{ فأوجد قيمة : } \frac{d(s+2)}{d(s-2)} - \frac{d(s-2)}{d(s+2)}$$

[٤] أ) أرسم الشكل البيانى للدالة : $D(s) = |s| - 2$ ، ومن الرسم أوجد

مدى الدالة ، ثم ابحث اطرافها ، واستنتج نوعها من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك .

ب) إذا كانت $(1, b, p, \dots)$ تكون متتابعة هندسية ، وكانت

$(1, p, b, \dots)$ تكون متتابعة حسابية حيث $p \neq b \neq 1$

فبين أن المتتابعة الهندسية $(1, b, p, \dots)$ يمكن جمعها الى اللانهاية ،

وأوجد هذا المجموع .

$$[5] \text{ أ) أثبت أن : } 35 \text{ لو} + 49 \text{ لو} + \frac{25}{343} \text{ لو} - \frac{1}{8} \text{ لو} = 3$$

ب) s ، v عدنان موجبان ، $s > v$ ، فإذا كان الوسط الحسابى للعددين

ينقص عن حاصل ضرب العددين بمقدار ٤٧ ، والوسط الهندسى للعددين

ينقص ٢٦ عن مجموع العددين . فأوجد العددين .

أولاً : أجب عن السؤال الآتي :

[١] أ) ارسم منحنى الدالة : $(س) = ٢س^٢ - ٣$ ومن الرسم أوجد مدى الدالة ،
وابحث إطرادها ونوعها من حيث كونها زوجية أو فردية .

ب) أوجد رتبة الحد الذي قيمته تساوى مجموع العشرة حدود الأولى من المتتابعة
الحسابية (٢ ، ٥ ، ٨ ،)

ثانياً : أجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يأتي :

[٢] أ) إذا كانت : $(س) = ٥س^٣$ فأوجد مجموعة حل المعادلة :

$$٥(س) + (س - ٥) = ٦$$

ب) متتابعة هندسية النسبة بين حديها الثالث والرابع ١ : ٢ ، ومجموع العشرة
حدود الأولى منها ١٠٢٣ أوجد المتتابعة .

[٣] أ) أوجد قيمة س التي تحقق المعادلة : $(س + ٣)^{\frac{٢}{٥}} = ٧,١٢$

ب) أرسم الشكل البياني للدالة : $(س) = ٢س^٣$ فى الفترة [-٢ ، ٣] ومن الرسم

أوجد مجموعة حل المعادلة $٢س^٣ = ٦$.

[٤] أ) أوجد مجموعة حل المعادلات الآتية :

$$(i) \quad \frac{1}{4} = (3 + s) \quad \text{لو}$$

$$(ii) \quad 0 = 4 - s + |2 - s|$$

ب) متتابعة حسابية النسبة بين حديها الثالث والرابع يساوي ٦ : ٥ ، ومجموع العشرة حدود الأولى منها ١٠٥ . أوجد المتتابعة ورتبة أول حد سالب فيها .

[٥] أ) إذا كان : $2 \text{ لو} - 5 \text{ لو} + \frac{3}{4} \text{ لو} + 0,9 \text{ لو} - 15 \text{ لو} = \text{لو}$

فأوجد قيمة س .

ب) P ، b عددان وسطهما الحسابي يساوي ٥ ، ووسطهما الهندسي يساوي ٤ .
أوجد العددين ، ثم أوجد كم حداً يلزم أخذه من المتتابعة الهندسية المتزايدة
(P ، ٤ ، b ،) إبتداءً من الحد الأول ليكون مجموعهم ١٠٢٢ .

أولاً : أجب عن السؤال الآتي :

[١] أ) اكتب مجال الدالة د حيث : $D(s) = \frac{1}{s-2} + 3$ ، ثم ارسم منحناها ، ومن

الرسم استنتج المدى والاطراد ، ونقطة التماثل ، وبين نوع الدالة من حيث كونها فردية أو زوجية أو غير ذلك .

ب) متتابعة حسابية حدها الرابع = ٢٣ ، ومجموع الاثنى عشر حداً الأولى منها = ١٥٦ . أوجد المتتابعة ، ثم أوجد قيمة أول حد سالب فيها .

ثانياً : أجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يأتي :

[٢] أ) ابحث الدوال الآتية من حيث كونها زوجية أو فردية :

$$(i) \quad D(s) = \frac{s^3 + 3s^2 + 1}{s+1}$$

$$(ii) \quad s(s) = \left(\frac{1+s}{1-s} \right) + \left(\frac{1-s}{1+s} \right)$$

ب) متتابعة هندسية مجموع حديها الثاني والثالث = ١٨ ، وحدها الثالث يزيد عن حدها الثاني بمقدار أوجد المتتابعة ، ثم أوجد كم حدا يلزم أخذه ابتداءً من الحد الأول ليكون المجموع = ٣٠٦٩ .

[٣] أ) أوجد مجموعة حل المعادلات الآتية :

$$(i) \quad 6 = 3^{-x} + (3^x)^5$$

$$(ii) \quad 10 - x^3 = |x + 2|$$

ب) إذا كان : لو_٣ س = لو_{١٠} ٩ - ٢ لو_٨ ٣ + لو_٨ ٧ - ٤٢ لو_{١٢٥} ٩٣

فأوجد قيمة س .

[٤] أ) أختصر لأبسط صورة :

$$\frac{(21)^{m-5} \times (49)^{1-m} \times \left(\frac{1}{9}\right)^{m-1}}{\frac{m-1}{3} \left(\frac{1}{27}\right) \times \sqrt[m]{m^3 + 2m^2 + 7m}}$$

ب) أثبت أن المتتابعة (ع_n) حيث : ع_n = ع_{n-1} + ١ هي متتابعة هندسية وأنه يمكن إيجاد مجموع عدد غير منته من حدودها . وأوجد هذا المجموع ، إذا كان حدها الثالث يساوى ١ .

[٥] أ) ارسم الشكل البياني للدالة د حيث : د(س) = |س - ٢| + ٥ - ٣ ، وعين مدى

الدالة وادرس إطرادها ، ومن الرسم استنتج مجموعة حل المعادلة

$$|س - ٢| + ٥ - ٣ = ٠ \text{ وحقق ذلك جبريا .}$$

ب) متتابعة حسابية مجموع العشرة حدود الأولى منها تساوى ١٤٥ ، ع_١ ، ع_٢ ، ع_٣ منها تكون متتابعة هندسية . أوجد المتتابعة الحسابية وأوجد رتبة أول حد فيها تزيد قيمته عن ١٠٠ .

_____:

[١] أ) ارسم الشكل البياني للدالة د حيث : $d(s) = s^2 |s|$ ومن الرسم أوجد مدى الدالة وابحث اطرافها ، وأوجد معادلة محور التماثل وبين نوع الدالة من حيث كونها زوجية أو فردية .

ب) متتابعة هندسية حدودها موجبة وحدها الثالث = ٨ ، وحدها السابع = ١٢٨ ، أوجد المتتابعة وأوجد كذلك مجموع الثمانية حدود الأولى منها .

_____:

[٢] أ) أوجد مجموعة حل المتباينة : $|2s - 4| + |s - 2| > 9$ على صورة فترة .

ب) متتابعة حسابية مجموع الخمسة حدود الأولى منها يساوي ٣٥ وحدودها الأول والرابع والثالث عشر تكون متتابعة هندسية . أوجد المتتابعة الحسابية .

[٣] أ) إذا كانت $d(s) = s^2 - 2$ وكان $d(s - 2) = \frac{d(s + 1) - d(s)}{d(s) - d(s - 1)}$

فأوجد قيمة س .

ب) أوجد مجموعة حل المعادلة :

$$3(s^2 - 4s + 3) - 3(s - 3) = 25$$

[٤] أ) د، م دالتين حيث : $(س) د = س^٢ - ٤س + ٣$ ،

$$\frac{(س) د}{(س) م} = (س) م ، |١ - س| = (س) م$$

أوجد مجال الدالة م ، ثم ارسم شكلاً بيانياً لها وحدد منه المدى والاطراد .

ب) متتابعة هندسية مجموع حدودها إلى ما لا نهاية = ٢٥٦ ، وحدها الثانى يساوى مجموع الحدود التالية له إلى ما لا نهاية . أوجد المتتابعة .

[٥] أ) أوجد مجموعة حل المعادلات :

$$٨,١ = س^٢ - ٤س \quad (i)$$

$$س = \frac{٨ - س٤}{|٢ - س|} \quad (ii)$$

ب) متتابعة حسابية مجموع الثلاثة حدود الأولى منها = ٦٩ ، والحد السابع ينقص عن ثلاثة أمثال الحد الرابع بمقدار ٤٣ . أوجد المتتابعة ، ثم أوجد أكبر عدد من حدود المتتابعة الذى يلزم أخذه ابتداءً من الحد الأول ليكون المجموع موجياً ، وأوجد هذا المجموع .

_____ :

[١] أ) ارسم منحنى الدالة : $D(s) = s^3 - 1$ واستنتج من الرسم مدى الدالة واطرادها .

ب) ابحث نوع كل من الدوال الآتية من حيث كونها زوجية أو فردية :

(i) $D(s) = s^3 + 3s$

(ii) $r(s) = \frac{s^2 + 3s}{|s|}$

ج) أوجد مجموع المتتابعة الحسابية المكونة من ١١ حداً ، وحدها الأوسط = ١٠

_____ :

[٢] أ) أوجد على صورة فترة مجموعة حل المتباينة : $|2s + 5| > 11$

ب) إذا كان : $s = \sqrt[2]{8}$ فأثبت أن :

$$4s^2 + 5s - 2s^3 = 7$$

[٣] أ) إذا كانت: $(س) = س^٢ - ٢س$ ، $س(س) = \sqrt{س - ٢}$. أوجد: $\frac{د}{س}$ في أبسط صورة مبيناً مجالها.

ب) إذا كان الحد الثالث من متتابعة هندسية حدودها موجبة يساوي مجموع الحدود التالية له إلى مالا نهاية ، وكان حدها الأول يساوي المعكوس الضربي لحدها الخامس . أوجد هذه المتتابعة .

[٤] أ) إذا كان $(س) = \frac{س^{-١}(١٦) \times \sqrt[١+س٤]{(٨١)٧}}{س^{-١}(٤٨) \times \sqrt[١+س٣]{٢٧}}$ ضع $(س)$ في أبسط

صورة ، ثم أوجد مجموعة حل المعادلة $(س) = \left(\frac{٣}{٢}\right)^س$.

ب) متتابعة حسابية عدد حدودها ٢٠ حدها فيها: $٤٢ = ١ + ٢٠$ ، $٧٨ = ٢٠$ ، ومجموع ٢٠ حدها الأخيرة منها = ٦٠٠ . أوجد المتتابعة ، ثم أوجد مجموع ٢٠ حدها الأولى منها .

[٥] أ) إذا كان حجم الكرة = $\frac{٤}{٣} \pi ر^٣$. فأوجد طول نصف الكرة التي حجمها

$$= ٥٢٣,٥٩٩ \text{ سم}^٣ .$$

ب) إذا كان الوسط الحسابي للعددين ٨ ، ب هو ١٠ ، ووسطهما الهندسي الموجب هو ٦ . فأوجد العددين . ثم أوجد مجموع الستة حدود الأولى من المتتابعة الهندسية التناقصية : (٨ ، ٦ ، ب ،) .

.....:

[١] أ) ارسم الشكل البياني للدالة : $d(s) = (s - 1)^2 + 2$ ومن الرسم أوجد المدى ، وابحث أطرافها ، وبين هل الدالة زوجية أو فردية أو غير ذلك ، وأوجد إحداثي نقطة التماثل .

ب) أوجد مجموع العشرين حداً الأولى من المتتابعة $(2 - n)$ ابتداءً من حدها العاشر .

.....:

[٢] أ) إذا كانت : $d(s) = 3s + 1$ فأوجد مجموعة حل المعادلة :
 $d(s - 1) + d(s - 2) = 12$.

ب) كم حداً يلزم أخذها ابتداءً من الحد الأول من المتتابعة الهندسية $(1, 3, 9, \dots)$ ليكون مجموعها يساوي ١٦٤٠ .

[٣] أ) أوجد مجموعة حل المعادلة :

$$لو٣ (س٢ - س٣ + ٢) - لو٣ (س - ٢) = لو٧ ٤٩ .$$

ب) ابحث نوع كل من الدوال الآتية من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك

$$(i) \quad d(s) = (s + 1)^4 - (s - 1)^4$$

$$(ii) \quad \frac{س | جاس}{س جتاس} = d(s)$$

[٤] أ) أوجد مجموعة الحل لكل مما يأتى :

$$(i) \quad |2s - 3| - 1 = 3s$$

$$(ii) \quad 2 < \frac{1}{|3 - 2s|}$$

ب) متتابعة حسابية مجموع حديها الأول والخامس يساوى ٢ ، وحاصل ضرب

حديها الثالث والرابع يساوى $\frac{5}{4}$. أوجد مجموع الأربعين حداً الأولى من هذه

المتتابعة

[٥] أ) إذا كانت الدالة د حيث : $\frac{r(s)}{u(s)} = \frac{(s)}{u(s)}$ ، $u(s) = |1 + s|$

، $r(s) = s^2 - 1$ فأوجد مجال الدالة د ، ثم أرسم الشكل البياني لها ومن الرسم أوجد المدى ، وابحث الأقطار .

ب) (r, E) متتابعة هندسية لا نهائية فيها $E + 3 = -\frac{1}{27}E$. أوجد أساس

المتتابعة وإذا كان هذا المجموع إبتداءً الحد الأول مساوياً - $\frac{27}{4}$ فأوجد

المتتابعة ، ما هي قيمة س إذا كان E س أكبر حد فى هذه المتتابعة .

:

$$[1] \text{ أ) ارسم منحنى الدالة د حيث : د(س) = } \left. \begin{array}{l} |س| \\ س \end{array} \right\} \begin{array}{l} ، س > ٠ \\ ، س \leq ٠ \end{array}$$

ومن الرسم استنتج مدى الدالة ، وعين فترات التزايد والتناقص ، ونوع الدالة من حيث كونها زوجية أو فردية .

ب) أوجد المتتابعة الحسابية التي حدها الأول ٢ ، والأخير ٥٩ ، ومجموع حدها ٦١٠ .

:

$$[2] \text{ أ) أوجد مجموعة حل كل مما يأتى : (i) } |س + ٢| = ٣ - س - ١٠$$

$$(ii) |٤ - س - ٣| \leq ٥$$

ب) إذا أدخلت عدة أوساط هندسية بين ٣ ، ٣٨٤ وكانت النسبة بين مجموع الوسطين الأوليين الى مجموع الوسطين الآخرين هي ١ : ١٦ فما عدد تلك الأوساط .

$$[3] \text{ أ) إذا كان : } ٣ \text{ لو س} + ٤ \text{ لو ص} - \text{لو س ص}^٢ = ٢ \text{ (لو ٢ + لو ٣)}$$

$$\text{فأثبت أن } س = \frac{٦}{ص}$$

(ب) متتابعة حسابية فيها مجموع الحدين التاسع عشر والعشرين يساوى ١٤٤ ، ومجموع الحدين العشرين والحادى والعشرين يساوى ١٥٢ . أوجد الحد العشرين ، ثم أوجد عدد الحدود اللازم أخذها من المتتابعة ابتداءً من الحد الأول ليكون المجموع مساوياً ٧٢٠ .

$$[٤] أ) إذا كان : $٣ = ٣^٣ \times ٣^٣$ ، $٤ = ٣^٣ + ٣^٣$$$

فأوجد قيم ٣ ، ٤ .

(ب) ارسم الشكل البيانى للدالة : $د(س) = \left(\frac{١}{٣}\right)^س$ ، حيث $س \in [-٢ ، ٢]$

ومن الرسم أوجد قيمة $س$ عندما $د(س) = \frac{٣}{٢}$

[٥] أ) أوجد باستخدام الحاسبة قيمة $ص$ إذا كان :

$$٥^ص \times ٢ = ٢ \times ٣^ص + ٢$$

لأقرب رقم عشرى واحد .

(ب) ثلاثة أعداد فى تتابع حسابى مجموعها يساوى ٦٠ ، وإذا أضيف الى العدد الثالث واحد أصبحت فى تتابع هندسى . أوجد هذه الأعداد ، وإذا أخذت الأعداد الثلاثة بترتيب تنازلى ، فأوجد أقل عدد من حدود هذه المتتابعة لكى يجعل المجموع سالباً .

_____ :

$$[1] \text{ أ) ارسم منحنى الدالة د حيث : د (س) = } \left. \begin{array}{l} |س| + 3 , س \leq 0 \\ |س| + \frac{س}{2} , س > 0 \end{array} \right\}$$

ومن الرسم أستنتج المدى وابحث الاطراد .

ب) ابحث الدوال الآتية من حيث كونها زوجية أو فردية :

$$(i) د(س) = \frac{5}{س} + 5 \times 5 \quad (ii) س(س) = \frac{س \text{ جتا } س}{س^2 - |س| - 2}$$

ج) متتابعة هندسية أساسها أكبر من الواحد الصحيح ، وحدها الرابع يساوى ١٢ ، ومجموع حديها الثالث والخامس يساوى ٣٠ ، أوجد المتتابعة ، ثم أوجد مجموع الستة حدود الأولى منها.

_____ :

$$[2] \text{ أ) إذا كانت : د(س) = 3^س . فأوجد قيمة : } \frac{د(2س+2) + د(1-2س)}{د(2س) - د(1-2س)}$$

ب) متتابعة حسابية حدها الأول يساوى ١١ ، حدها الأخير يساوى ٦٣ ، ومجموع حدودها يساوى ٥١٨ . أوجد المتتابعة ، ثم أوجد مجموع الخمسة حدود الأخيرة منها .

$$[3] \text{ أ) إذا كان: } \frac{1}{3} = 7 \text{ لو } s \text{ : فأثبت أن: } \frac{\text{لو} (2+s) + \text{لو} 7s^2}{\text{لو} (s+15)} = 2$$

$$\text{ب) إذا كانت: د} (s) = |s-3| \text{ ، ر} (s) = 4 \text{ ، و} (s) = \frac{\text{ر} (s)}{\text{لو} (s)}$$

فعين مجال الدالة و ، وارسم الشكل البياني لها ، ومن الرسم استنتج المدى ، واستنتج الاطراد .

$$[4] \text{ أ) أوجد مجموعة حل المتباينة } |s+5| < 3 \text{ على صورة فترة .}$$

ب) مجموع الأثنى عشر حدا الأولى من متتابعة حسابية هو ٤٨ ، فإذا كانت الحدود الأول والثانى والخامس فى تتابع هندسي فما هي المتتابعة .

$$[5] \text{ أ) حل المعادلة: } 3^3 + 3^3 - 3 = 12$$

ب) متتابعة هندسية حيث : حدها الثانى يساوى ٥ ، حدها الثانى = حدها الأول + ١ . أوجد

المتتابعة وبين أنه يمكن إيجاد مجموع عدد غير منته من حدودها ، وأوجد هذا المجموع .